

ĐỀ CƯƠNG ÔN TẬP GIỮA KÌ II

MÔN: TOÁN – LỚP 12

Câu 1: Cho hàm số $f(x)$ xác định trên K và $F(x)$ là một nguyên hàm của $f(x)$ trên K . Khẳng định nào dưới đây đúng?

A. $f'(x) = F(x), \forall x \in K$.

B. $F'(x) = f(x), \forall x \in K$.

C. $F(x) = f(x), \forall x \in K$.

D. $F'(x) = f'(x), \forall x \in K$.

Câu 2: Cho hàm số $f(x)$ xác định và có đạo hàm trên K . Khẳng định nào dưới đây đúng?

A. $\int f(x)dx = f(x) + C$.

B. $\int f(x)dx = f'(x) + C$.

C. $\int f(x)dx = f(x)$.

D. $\int f(x)dx = f'(x) + C$.

Câu 3: Cho hàm số $f(t)$ xác định trên K và $F(t)$ là một nguyên hàm của $f(t)$ trên K . Khẳng định nào dưới đây đúng?

A. $f'(u) = F(u)$.

B. $F'(t) = f(t), \forall t \in K$.

C. $F(u) = f(u)$.

D. $F'(u) = f(u)$.

Câu 4: Cho hàm số $f(x)$ xác định và có đạo hàm cấp 2 trên K . Khẳng định nào dưới đây đúng?

A. $\int f(x)dx = f(x) + C$.

B. $\int f'(x)dx = f(x) + C$.

C. $\int f(x)dx = f'(x) + C$.

D. $\int f'(x)dx = f(x) + C$.

Câu 5: Chọn khẳng định sai?

A. $\int \ln x dx = \frac{1}{x} + C$.

B. $\int \frac{1}{x} dx = \ln|x| + C$.

C. $\int \frac{1}{\cos^2 x} dx = \tan x + C$.

D. $\int \sin x dx = -\cos x + C$.

Câu 6: Chọn khẳng định sai?

A. $\int \ln u dx = \frac{1}{u} + C$.

B. $\int \frac{1}{u} du = \ln|u| + C$.

C. $\int \frac{1}{\sin^2 x} dx = -\cot x + C$.

D. $\int \cos x dx = \sin x + C$.

Câu 7: Chọn khẳng định đúng?

A. $\int \frac{1}{x} dx = \frac{1}{x^2} + C$.

B. $\int \ln|x| dx = \frac{1}{x} + C$.

C. $\int \frac{1}{\cos^2 x} dx = \tan x$.

D. $\int dx = x + C$.

Câu 8: Nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^4 + x^2$ là

A. $\frac{1}{5}x^5 + \frac{1}{3}x^3 + C$

B. $x^4 + x^2 + C$

C. $x^5 + x^3 + C$.

D. $4x^3 + 2x + C$

Câu 9: Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = 2x + 1$.

A. $\int (2x+1)dx = \frac{x^2}{2} + x + C$.

B. $\int (2x+1)dx = x^2 + x + C$.

C. $\int (2x+1)dx = 2x^2 + 1 + C$.

D. $\int (2x+1)dx = x^2 + C$.

Câu 10: Họ tất cả nguyên hàm của hàm số $f(x) = 2x + 4$ là

- A. $x^2 + C$. B. $2x^2 + C$. C. $2x^2 + 4x + C$. D. $x^2 + 4x + C$.

Câu 11: Họ tất cả các nguyên hàm của hàm số $f(x) = 2x + 6$ là

- A. $x^2 + C$. B. $x^2 + 6x + C$. C. $2x^2 + C$. D. $2x^2 + 6x + C$.

Câu 12: Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = -2x + 1$.

- A. $x^2 + x + c$. B. $-x^2 + x + c$. C. $2x^2 + c$. D. $-2x^2 + 6x + C$

Câu 13: Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. $\int \cos 2x dx = -2 \sin 2x + c$ B. $\int \cos 2x dx = 2 \sin 2x + c$
C. $\int \cos 2x dx = \frac{1}{2} \sin 2x + c$ D. $\int \cos 2x dx = -\frac{1}{2} \sin 2x + c$

Câu 14: Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = 2 \sin x$

- A. $\int 2 \sin x dx = -2 \cos x + C$ B. $\int 2 \sin x dx = 2 \cos x + C$
C. $\int 2 \sin x dx = \sin^2 x + C$ D. $\int 2 \sin x dx = \sin 2x + C$

Câu 15: Nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^3 + x$ là

- A. $\frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{2}x^2 + C$ B. $3x^2 + 1 + C$ C. $x^3 + x + C$ D. $x^4 + x^2 + C$

Câu 16: Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^2 + \frac{2}{x^2}$.

- A. $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} + \frac{1}{x} + C$ B. $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} - \frac{2}{x} + C$.
C. $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} - \frac{1}{x} + C$. D. $\int f(x) dx = \frac{x^3}{3} + \frac{2}{x} + C$

Câu 17: Hàm số $F(x) = e^{x^2}$ là một nguyên hàm của hàm số

- A. $f(x) = x^2 e^{x^2} - 1$. B. $f(x) = \frac{e^{x^2}}{2x}$. C. $f(x) = e^{2x}$ D. $f(x) = 2xe^{x^2}$

Câu 18: Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{1}{5x-2}$.

- A. $\int \frac{dx}{5x-2} = \frac{1}{5} \ln|5x-2| + C$ B. $\int \frac{dx}{5x-2} = \ln|5x-2| + C$
C. $\int \frac{dx}{5x-2} = -\frac{1}{2} \ln|5x-2| + C$ D. $\int \frac{dx}{5x-2} = 5 \ln|5x-2| + C$

Câu 19: Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = \cos 3x$

- A. $\int \cos 3x dx = 3 \sin 3x + C$ B. $\int \cos 3x dx = \frac{\sin 3x}{3} + C$
C. $\int \cos 3x dx = \sin 3x + C$ D. $\int \cos 3x dx = -\frac{\sin 3x}{3} + C$

Câu 20: Nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^3 + x^2$ là

- A. $\frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + C$ B. $3x^2 + 2x + C$ C. $x^3 + x^2 + C$ D. $x^4 + x^3 + C$

Câu 21: Hàm số nào dưới đây không là nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^3$?

- A. $y = \frac{x^4}{4} - 2^{2018}$ B. $y = \frac{x^4}{4} - 2018$. C. $y = 3x^2$ D. $y = \frac{1}{4}x^4 + 2018$

Câu 22: Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = e^x + x$ là

- A. $e^x + 1 + C$ B. $e^x + x^2 + C$ C. $e^x + \frac{x^2}{2} + C$ D. $\frac{1}{e}e^x + \frac{x^2}{2} + C$

Câu 23: Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = 7^x$

- A. $\int 7^x dx = \frac{7^x}{\ln 7} + C$ B. $\int 7^x dx = 7^{x+1} + C$ C. $\int 7^x dx = \frac{7^{x+1}}{x+1} + C$ D. $\int 7^x dx = 7^x \ln 7 + C$

Câu 24: Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = \cos 2x$.

- A. $\int f(x) dx = 2 \sin 2x + C$ B. $\int f(x) dx = -2 \sin 2x + C$
C. $\int f(x) dx = \frac{1}{2} \sin 2x + C$ D. $\int f(x) dx = -\frac{1}{2} \sin 2x + C$

Câu 25: Cho hai hàm số $f(x)$, $g(x)$ liên tục trên \mathbb{R} . Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào sai?

- A. $\int [f(x) + g(x)] dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$. B. $\int [f(x) \cdot g(x)] dx = \int f(x) dx \cdot \int g(x) dx$.
C. $\int [f(x) - g(x)] dx = \int f(x) dx - \int g(x) dx$. D. $\int kf(x) dx = k \int f(x) dx (k \neq 0; k \in \mathbb{R})$.

Câu 26: Khẳng định nào sau đây Sai?

- A. $\int [f(x) + g(x)] dx = \int f(x) dx + \int g(x) dx$ B. $\int [f(x) - g(x)] dx = \int f(x) dx - \int g(x) dx$
C. $\int f'(x) dx = f(x) + C$ D. $\int [f(x) \cdot g(x)] dx = \int f(x) dx \cdot \int g(x) dx$

Câu 27: Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = \cos x - 3^x + \frac{2}{x}$.

- A. $\int f(x) dx = \sin x - \frac{3^x}{\ln 3} + 2 \ln|x| + C$ B. $\int f(x) dx = \sin x - \frac{3^x}{\ln 3} + \ln|x| + C$
C. $\int f(x) dx = \sin x - 3^x \ln 3 + 2 \ln|x| + C$ D. $\int f(x) dx = \sin x - 3^x \ln 3 + \ln|x| + C$

Câu 28: Họ nguyên hàm của hàm số $y = x^2 - 3x + \frac{1}{x}$ là

- A. $\frac{x^3}{3} - \frac{3x^2}{2} - \ln|x| + C$. B. $\frac{x^3}{3} - \frac{3x^2}{2} + \ln|x| + C$.
C. $\frac{x^3}{3} - \frac{3x^2}{2} + \ln|x| + C$. D. $\frac{x^3}{3} - \frac{3x^2}{2} + \frac{1}{x^2} + C$.

Câu 29: Cho biết $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)$. Tìm $I = \int [3f(x) + 1] dx$.

- A. $I = 3F(x) + 1 + C$. B. $I = 3F(x) + x + C$ C. $I = 3xF(x) + 1 + C$. D. $I = 3xF(x) + x + C$.

Câu 30: Cho biết $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)$. Tìm $I = \int [2f(x) + 3] dx$

A. $I = 3F(x) + 1 + C$. B. $I = 2F(x) + 3x + C$. C. $I = 2xF(x) + 3 + C$. D. $I = 3F(x) + 3x + C$.

Câu 31: Cho biết $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)$. Tìm $I = \int [f(x) + 2x] dx$

A. $I = F(x) + 2$. B. $I = F(x) + x^2 + c$ C. $I = xF(x) + x + c$. D. $I = xF(x) + x^2 + c$

Câu 32: Cho biết $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)$. Tìm $I = \int [f(x) - \sin x] dx$.

A. $I = F(x) - \cos x + c$. B. $I = F(x) + \cos x + c$.
 C. $I = f(x) - \sin x + C$. D. $I = f(x) + \cos x + C$.

Câu 33: Nguyên hàm của hàm số $f(x) = 3x^2 + 4x + \frac{1}{x}$ là

A. $x^3 + 2x^2$ B. $x^3 + 2x^2 + C$ C. $x^3 + 2x + \ln x$ D. $x^3 + 2x^2 + \ln x + C$

Câu 34: Cho hàm số $f(x)$ thỏa mãn $f'(x) = 2e^x + 3x^2 - 1$ và $f(0) = 1$. Mệnh đề nào dưới đây đúng ?

A. $f(x) = 2e^x + x^3 - x - 1$ B. $f(x) = \frac{e^x}{2} + x^3 - x - 1$
 C. $f(x) = 2e^x + x^3 - x - 2$ D. $f(x) = \frac{e^x}{2} + x^3 - x$

Câu 35: Tìm nguyên hàm của hàm số $f(x) = 2x + 1$.

A. $\int (2x + 1) dx = \frac{x^2}{2} + x + C$ B. $\int (2x + 1) dx = x^2 + x + C$.
 C. $\int (2x + 1) dx = 2x^2 + 1 + C$. D. $\int (2x + 1) dx = x^2 + C$.

Câu 36: Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = x^3 - \frac{3}{x^2} + 2^x$ là

A. $\frac{x^4}{4} - 3 \ln x^2 + 2^x \cdot \ln 2 + C$ B. $\frac{x^3}{3} + \frac{1}{x^3} + 2^x + C$
 C. $\frac{x^4}{4} + \frac{3}{x} + \frac{2^x}{\ln 2} + C$ D. $\frac{x^4}{4} + \frac{3}{x} + 2^x \cdot \ln 2 + C$

Câu 37: Tìm họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = 5^x + 1$.

A. $\frac{5^x}{\ln 5} + x + c$ B. $5^x + x + c$ C. $5^x \ln x + x + c$ D. $5^x + x + c$

Câu 38: Tìm họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = e^x + 2x$.

A. $e^x + x^2 + C$ B. $e^x + x^2$ C. $e^x - x^2 + C$ D. $\ln x + x^2 + C$

Câu 39: Tìm họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = 5^x 2^x + 1$.

A. $10^x + x + C$ B. $\frac{10^x}{\ln 10} + x + C$ C. $\frac{2^x}{\ln 5 \cdot \ln 2} + x + C$ D. $\frac{5^x}{\ln 5 \cdot \ln 2} + x + C$

Câu 40: Tìm họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = \frac{2^x}{3^x} + 1$.

A. $\frac{\left(\frac{2}{3}\right)^x}{\ln 2 - \ln 3} + x + C$ B. $\frac{2^x}{\ln 3} + x + C$ C. $\frac{3^x}{2^x \ln 3} + x + C$ D. $\frac{\left(\frac{2}{3}\right)^x}{\ln 2 + \ln 3} + x + C$

Câu 41: Phát biểu nào sau đây là đúng?

A. $\int e^x \sin x dx = e^x \cos x - \int e^x \cos x dx$

B. $\int e^x \sin x dx = -e^x \cos x + \int e^x \cos x dx$

C. $\int e^x \sin x dx = e^x \cos x + \int e^x \cos x dx$

D. $\int e^x \sin x dx = -e^x \cos x - \int e^x \cos x dx$

Câu 42: Cho $u(x)$ và $v(x)$ là hai hàm số có đạo hàm liên tục trên $[a; b]$. Trong các khẳng định sau, khẳng định nào đúng?

A. $\int_a^b u(x)v(x) dx = (u(x)v(x))|_a^b - \int_a^b u(x)v'(x) dx$

B. $\int_a^b u(x)v(x) dx = (u(x)v(x))|_a^b + \int_a^b u(x)v'(x) dx$

C. $\int_a^b u(x)v(x) dx = (u'(x)v(x))|_a^b + \int_a^b u(x)v'(x) dx$

D. $\int_a^b u(x)v(x) dx = (u'(x)v(x))|_a^b - \int_a^b u(x)v'(x) dx$

Câu 43: Nếu hai hàm số $u = u(x)$ và $v = v(x)$ có đạo hàm liên tục trên K thì

A. $\int u(x).v'(x) dx = u(x).v(x) - \int u'(x).v(x) dx$

B. $\int u(x).v'(x) dx = u(x).v'(x) - \int u'(x).v(x) dx$

C. $\int u(x).v'(x) dx = u'(x).v(x) - \int u'(x).v(x) dx$

D. $\int u(x).d[v(x)] = u(x).v(x) - \int v(x).d[u(x)]$

Câu 44: Tìm một nguyên hàm của hàm số $f(x) = (1-x) \cos x$

A. $\int f(x) dx = (1-x) \sin x - \cos x$

B. $\int f(x) dx = (1-x) \sin x + \cos x$

C. $\int f(x) dx = (1-x) \cos x - \sin x + C$

D. $\int f(x) dx = (1-x) \cos x + \sin x + C$

Câu 45: Nguyên hàm $\int \frac{1 + \ln x}{x} dx (x > 0)$ bằng

A. $\frac{1}{2} \ln^2 x + \ln x + C$

B. $x + \ln^2 x + C$

C. $\ln^2 x + \ln x + C$

D. $x + \frac{1}{2} \ln^2 x + C$

Câu 46: Nguyên hàm của hàm số $f(x) = \sqrt[3]{3x+1}$ là

A. $\int f(x) dx = (3x+1)\sqrt[3]{3x+1} + C.$

B. $\int f(x) dx = \sqrt[3]{\quad} + C.$

C. $\int f(x) dx = \frac{1}{3}\sqrt[3]{3x+1} + C.$

D. $\int f(x) dx = \frac{1}{4}(3x+1) + C.$

Câu 47: Nguyên hàm của hàm số $f(x) = \sqrt{3x+2}$ là

A. $\frac{2}{3}(3x+2)\sqrt{3x+2} + C$

B. $\frac{1}{3}(3x+2)\sqrt{2} + C$

C. $\frac{2}{9}(3x+2)\sqrt{3x+2} + C$

D. $\frac{3}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{3x+2}} + C$

Câu 48: Họ nguyên hàm của hàm số $f(x) = \sqrt{2x+1}$ là

A. $-\frac{1}{3}(2x+1)\sqrt{2x+1} + C.$

B. $\frac{3}{2}(2x+1)\sqrt{2x+1} + C.$

C. $\frac{1}{2}(2x+1)\sqrt{2x+1} + C.$

D. $\frac{1}{3}(2x+1)\sqrt{2x+1} + C.$

Câu 49: Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục trên $[a; b]$ và $f(x) > 0 \forall x \in [a; b]$. Diện tích hình phẳng s giới hạn bởi đồ thị hàm số $y = f(x)$, trục hoành, các đường thẳng $x = a$, $x = b$ được xác định bằng công thức nào?

- A. $s = -\int_a^b f(x) dx$ B. $s = \int_b^a f(x) dx$ C. $s = \int_a^b f(x) dx$ D. $s = \int_a^b f(-x) dx$

Câu 50: Cho $F(x)$ là một nguyên hàm của hàm số $f(x)$. Khi đó hiệu số $F(0) - F(1)$ bằng

- A. $\int_0^1 f(x) dx$. B. $\int_0^1 -F(x) dx$ C. $\int_0^1 -f(x) dx$. D. $\int_0^1 -f(x) dx$.

Câu 51: Cho $f(x)$ có đạo hàm $[-3; 5]$ thỏa $f(-3) = 1$, $f(5) = 9$, khi đó $\int_{-3}^5 4f'(x) dx$ bằng

- A. 40. B. 32. C. 36. D. 44.

Câu 52: Cho $f(x)$ là hàm số có đạo hàm liên tục trên \mathbb{R} và $f(0) = 1$, khi đó $\int_0^x f'(t) dt$ bằng

- A. $f(x) + 1$. B. $f(x + 1)$. C. $f(x)$. D. $f(x) - 1$

Câu 53: Cho hàm số $f(x)$ có đạo hàm cấp hai trên $[2; 4]$ thỏa mãn $f'(2) = 1$ và $f'(4) = 5$. Khi đó $\int_2^4 f''(x) dx$ bằng

- A. 4. B. 2. C. 3. D. 1.

Câu 54: Cho $f(x)$ có đạo hàm trên $[1; 3]$ thỏa $f(1) = 1$, $f(3) = m$ và $\int_1^3 f'(x) dx = 5$. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A. $m \in (-\infty; -3)$. B. $m \in [-3; 3)$. C. $m \in [3; 10)$. D. $m \in [10; +\infty)$.

Câu 55: Cho hàm số $f(x)$ liên tục, có đạo hàm trên $[-1; 2]$, $f(-1) = 8; f(2) = -1$. Tích phân $\int_{-1}^2 f'(x) dx$ bằng

- A. 1. B. 7. C. -9. D. 9.

Câu 56: Nếu $F'(x) = \frac{1}{2x-1}$ và $F(1) = 1$ thì giá trị của $F(4)$ bằng

- A. $\ln 7$. B. $1 + \frac{1}{2} \ln 7$. C. $\ln 3$. D. $1 + \ln 7$.

Câu 57: Cho hàm số $f(x)$ liên tục trên $J\mathbb{R}$ và a là số dương. Trong các khẳng định sau, khẳng định nào đúng?

- A. $\int_a^a f(x) dx = 0$. B. $\int_a^a f(x) dx = a^2$ C. $\int_a^a f(x) dx = 2a$ D. $\int_a^a f(x) dx = 1$.

Câu 58: Biết $\int_1^2 f(x) dx = 2$ và $\int_1^2 g(x) dx = 6$, khi đó $\int_1^2 [f(x) - g(x)] dx$ bằng

- A. 8. B. -4. C. 4. D. -8.

Câu 59: Biết tích phân $\int_0^1 f(x) dx = 3$ và $\int_0^1 g(x) dx = -4$. Khi đó $\int_0^1 [f(x) + g(x)] dx$ bằng

- A. -7. B. 7. C. -1. D. 1.

Câu 60: Biết $\int_0^1 f(x) dx = 2$ và $\int_0^1 g(x) dx = -4$, khi đó $\int_0^1 [f(x) + g(x)] dx$ bằng

- A. 6. B. -6. C. -2. D. 2.

Câu 61: Tính tích phân $I = \int_1^{2^{2018}} \frac{dx}{x}$

- A. $I = 2018 \cdot \ln 2 - 1$. B. $I = 2^{2018}$ C. $I = 2018 \cdot \ln 2$. D. $I = 2018$.

Câu 62: Với a, b là các tham số thực. Giá trị tích phân $\int_0^b (3x^2 - 2ax - 1) dx$ bằng

- A. $b^3 - b^2a - b$. B. $b^3 + b^2a + b$. C. $b^3 - ba^2 - b$. D. $3b^2 - 2ab - 1$.

Câu 63: Giả sử $I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \sin 3x dx = a + b \frac{\sqrt{2}}{2}$ ($a, b \in \mathbb{Q}$). Khi đó giá trị của $a - b$ là

- A. $-\frac{1}{6}$ B. $-\frac{1}{5}$ C. $-\frac{3}{10}$ D. $\frac{1}{5}$

Câu 64: Cho $\int_0^m (3x^2 - 2x + 1) dx = 6$. Giá trị của tham số m thuộc khoảng nào sau đây?

- A. $(-1; 2)$. B. $(-\infty; 0)$. C. $(0; 4)$. D. $(-3; 1)$.

Cho các số thực a, b và các mệnh đề:

1. $\int_a^b f(x) dx = -\int_b^a f(x) dx$. 2. $\int_a^b 2f(x) dx = 2 \int_a^b f(x) dx$.

3. $\int_a^b f^2(x) dx = \left[\int_a^b f(x) dx \right]^2$ 4. $\int_a^b f(x) dx = \int_a^b f(u) du$

Số mệnh đề đúng trong 4 mệnh đề trên là:

- A. 3. B. 4. C. 2. D. 1.

Câu 65: Cho hàm số $f(x)$ liên tục trên R và $\int_0^2 (f(x) + 3x^2) dx = 10$. Tính $\int_0^2 f(x) dx$

- A. 2. B. -2. C. 18. D. -18.

Câu 66: Cho $\int_1^2 [4f(x) - 2x] dx = 1$. Khi đó $\int_1^2 f(x) dx$ bằng

- A. 1. B. -3. C. 3. D. -1.

Câu 67: Cho $\int_0^5 f(x) dx = -2$. Tích phân $\int_0^5 [4f(x) - 3x^2] dx$ bằng

- A. -140. B. -130. C. -120. D. -133.

Câu 68: $\int_1^2 \frac{dx}{2x+3}$ bằng

- A. $\frac{1}{2} \ln 35$ B. $\ln \frac{7}{5}$ C. $\frac{1}{2} \ln \frac{7}{5}$ D. $2 \ln \frac{7}{5}$

Câu 69: Biết $\int_1^8 f(x) dx = -2$; $\int_1^4 f(x) dx = 3$; $\int_1^4 g(x) dx = 7$. Mệnh đề nào sau đây sai?

- A. $\int_4^8 f(x) dx = 1$. B. $\int_1^4 [f(x) + g(x)] dx = 10$
 C. $\int_4^8 f(x) dx = -5$. D. $\int_1^4 [4f(x) - 2g(x)] dx = -2$.

Câu 70: Cho hàm số $f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} thỏa mãn $\int_1^8 f(x) dx = 9$, $\int_4^{12} f(x) dx = 3$, $\int_4^8 f(x) dx = 5$. Tính

$$I = \int_1^{12} f(x) dx.$$

- A. $I = 17$. B. $I = 1$. C. $I = 11$. D. $I = 7$.

Câu 71: Hàm số $f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} và $\int_0^4 f(x) dx = 10$, $\int_3^4 f(x) dx = 4$. Tích phân $\int_0^3 f(x) dx$ bằng

- A. 4. B. 7. C. 3. D. 6.

Câu 72: Cho hàm số $f(x)$ liên tục trên R và có $\int_0^2 f(x) dx = 9$; $\int_2^4 f(x) dx = 4$. Tính $I = \int_0^4 f(x) dx$.

- A. $I = 5$. B. $I = 36$. C. $I = \frac{9}{4}$. D. $I = 13$.

Câu 73: Biết $f(x)$ là hàm số liên tục trên R , a là số thực thỏa mãn $0 < a < \pi$ và

$$\int_0^a f(x) dx = \int_a^\pi f(x) dx = 1. \text{ Tích phân } \int_0^\pi f(x) dx \text{ bằng}$$

- A. 0 B. 2 C. $\frac{1}{2}$ D. 1

Câu 74: Cho $\int_1^2 [4f(x) - 2x] dx = 1$. Khi đó $\int_1^2 f(x) dx$ bằng

- A. 1. B. -3. C. 3. D. -1.

Câu 75: Cho $\int_0^1 f(x) dx = 1$. Tích phân $\int_0^1 (2f(x) - 3x^2) dx$ bằng

- A. 1. B. 0. C. 3. D. -1.

Câu 76: Cho $\int_0^2 f(x) dx = 3$, $\int_0^2 g(x) dx = -1$ thì $\int_0^2 [f(x) - 5g(x) + x] dx$ bằng

- A. 12. B. 0. C. 8. D. 10.

Câu 77: Cho $\int_1^2 e^{3x-1} dx = m(e^p - e^q)$ với $m, p, q \in \mathbb{Q}$ và là các phân số tối giản. Giá trị $m + p + q$ bằng

- A. 10. B. 6. C. $\frac{22}{3}$. D. 8.

Câu 78: Tính $K = \int_2^3 \frac{x}{x^2-1} dx$.

- A. $K = \ln 2$. B. $K = \frac{1}{2} \ln \frac{8}{3}$ C. $K = 2 \ln 2$. D. $K = \ln \frac{8}{3}$.

Câu 79: Tính tích phân $I = \int_0^\pi \cos^3 x \cdot \sin x dx$

- A. $I = -\frac{1}{4}$ B. $I = -\frac{1}{4} \pi^4$ C. $I = -\pi^4$ D. $I = 0$

Câu 80: Tích phân $\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{3x+1}}$ bằng

- A. $\frac{4}{3}$. B. $\frac{3}{2}$. C. $\frac{1}{3}$. D. $\frac{2}{3}$.

Câu 81: Cho tích phân $\int_{\frac{\pi}{3}}^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x}{\cos x + 2} dx = a \ln 5 + b \ln 2$ với $a, b \in \mathbb{Z}$. Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $2a + b = 0$. B. $a - 2b = 0$. C. $2a - b = 0$. D. $a + 2b = 0$.

Câu 82: Xét tích phân $I = \int_1^{\sqrt{2}} x \cdot e^{x^2} dx$. Sử dụng phương pháp đổi biến số với $u = x^2$, tích phân I được biến đổi thành dạng nào sau đây?

- A. $I = 2 \int_1^2 e^u du$ B. $I = \frac{1}{2} \int_1^{\sqrt{2}} e^u du$ C. $I = \frac{1}{2} \int_1^2 e^u du$ D. $I = 2 \int_1^{\sqrt{2}} e^u du$.

Câu 83: Tính tích phân $I = \int_1^2 2x\sqrt{x^2 - 1} dx$ bằng cách đặt $u = x^2 - 1$, mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A. $I = \int_0^3 \sqrt{u} du$ B. $I = \frac{1}{2} \int_1^2 \sqrt{u} du$ C. $I = 2 \int_0^3 \sqrt{u} du$ D. $I = \int_1^2 \sqrt{u} du$

Câu 84: Cho tích phân $I = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{4-x^2}}$ nếu đổi biến số $x = 2 \sin t, t \in \left(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right)$ thì ta được.

- A. $I = \int_0^{\frac{\pi}{3}} dt$. B. $I = \int_0^{\frac{\pi}{6}} dt$ C. $I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} t dt$. D. $I = \int_0^{\frac{\pi}{6}} \frac{dt}{t}$

Câu 85: $I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{2 + \cos x} \cdot \sin x dx$. Nếu đặt $t = 2 + \cos x$ thì kết quả nào sau đây đúng?

- A. $I = \int_3^2 \sqrt{t} dt$ B. $I = \int_2^3 \sqrt{t} dt$. C. $I = 2 \int_3^2 \sqrt{t} dt$ D. $I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{t} dt$

Câu 86: Biết $\int_0^1 x \cdot f(x) dx = 3$. Khi đó $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin 2x \cdot f(\cos x) dx$ bằng

- A. 3. B. 8. C. 4. D. 6.

Câu 87: Cho $\int_1^2 f(x) dx = 2$. Khi đó $\int_1^4 \frac{f(\sqrt{x})}{\sqrt{x}} dx$ bằng

- A. 1. B. 4. C. 2. D. 8.

Câu 88: Cho $\int_1^2 f(x^2 + 1) x dx = 2$. Khi đó $I = \int_2^5 f(x) dx$ bằng

- A. 2. B. 1. C. 4. D. -1.

Câu 89: Cho $\int_0^1 f(x) dx = 9$. Tính $I = \int_0^{\frac{\pi}{6}} f(\sin 3x) \cos 3x dx$.

- A. $I = 5$. B. $I = 9$. C. $I = 3$. D. $I = 2$.

Câu 90: Cho $\int_0^1 x e^{2x} dx = ae^2 + b, (a, b \in \mathbb{Q})$. Tính $a + b$.

- A. $\frac{1}{4}$. B. 1. C. $\frac{1}{2}$. D. 0.

Câu 91: Biết rằng tích phân $\int_0^1 (2x+1)e^x dx = a + b \cdot e$, tích $a \cdot b$ bằng

- A. -15. B. -1. C. 1. D. 20.

Câu 92: Cho tích phân $I = \int_1^2 \frac{\ln x}{x^2} dx = \frac{b}{c} + a \ln 2$ với a là số thực, b và c là các số dương, đồng

thời $\frac{b}{c}$ là phân số tối giản. Tính giá trị của biểu thức $P = 2a + 3b + c$.

- A. $P = 6$. B. $P = 5$. C. $P = -6$. D. $P = 4$.

Câu 93: Cho tích phân $I = \int_0^{\frac{\pi}{4}} (x-1) \sin 2x dx$. Tìm đẳng thức đúng?

- A. $I = -(x-1) \cos 2x - \int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x dx$. B. $I = -\frac{1}{2}(x-1) \cos 2x \Big|_0^{\frac{\pi}{4}} - \int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x dx$
 C. $I = -\frac{1}{2}(x-1) \cos 2x \Big|_0^{\frac{\pi}{4}} + \frac{1}{2} \int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x dx$ D. $I = -(x-1) \cos 2x \Big|_0^{\frac{\pi}{4}} + \int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x dx$

Câu 94: Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $A(3; -1; 1)$. Hình chiếu vuông góc của điểm A trên mặt phẳng (Oyz) là điểm

- A. $M(3; 0; 0)$ B. $N(0; -1; 1)$ C. $P(0; -1; 0)$ D. $Q(0; 0; 1)$

Câu 95: Trong không gian $Oxyz$, hình chiếu vuông góc của điểm $M(2; -2; 1)$ trên mặt phẳng (Oxy) có tọa độ là

- A. $(2; 0; 1)$. B. $(2; -2; 0)$. C. $(0; -2; 1)$. D. $(0; 0; 1)$

Câu 96: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(1; 1; -1)$ và $B(2; 3; 2)$. Vectơ \overline{AB} có tọa độ là

- A. $(1; 2; 3)$. B. $(-1; -2; 3)$. C. $(3; 5; 1)$. D. $(3; 4; 1)$.

Câu 97: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(1; 1; -2)$ và $B(2; 2; 1)$. Vectơ \overline{AB} có tọa độ là

- A. $(3; 3; -1)$. B. $(-1; -1; -3)$. C. $(3; 1; 1)$. D. $(1; 1; 3)$.

Câu 98: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(2; -4; 3)$ và $B(2; 2; 7)$. Trung điểm của đoạn thẳng AB có tọa độ là

- A. $(1; 3; 2)$ B. $(2; 6; 4)$ C. $(2; -1; 5)$ D. $(4; -2; 10)$

Câu 99: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai điểm $A(3; -2; 3)$ và $B(-1; 2; 5)$. Tìm tọa độ trung điểm I của đoạn thẳng AB .

- A. $I(-2; 2; 1)$. B. $I(1; 0; 4)$. C. $I(2; 0; 8)$. D. $I(2; -2; -1)$.

Câu 100: Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$, cho điểm $A(2; 2; 1)$. Tính độ dài đoạn thẳng OA .

- A. $OA = 3$ B. $OA = 9$ C. $OA = \sqrt{5}$ D. $OA = 5$

Câu 101: Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$, cho điểm $A(0; 2; -1)$. Tính độ dài đoạn thẳng OA .

- A. $OA = 3$. B. $OA = 1$. C. $OA = \sqrt{5}$. D. $OA = 5$.

Câu 102: Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$ cho các $A(1; 0; 3)$, $B(2; 3; -4)$, $C(-3; 1; 2)$. Tìm tọa độ điểm D sao cho tứ giác $ABCD$ là hình bình hành.

- A. $D(6; 2; -3)$. B. $D(-2; 4; -5)$. C. $D(4; 2; 9)$. D. $D(-4; -2; 9)$.

Câu 103: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hình bình hành $ABCD$ biết

$A(1; 1; -2)$, $B(-2; -1; 4)$, $C(3; -2; -5)$. Tìm tọa độ đỉnh D ?

- A. $D(6; 0; -11)$ B. $D(-6; 1; 11)$ C. $D(5; -2; -1)$ D. $D(-3; 6; 1)$

Câu 104: Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, cho tam giác ABC biết $A(-1;3;-4)$, $B(2;-1;0)$ và $G(2;5;-3)$ là trọng tâm của tam giác. Tìm tọa độ đỉnh C?

- A. $C(5;13;-5)$ B. $C(4;-9;5)$ C. $C(7;12;-5)$ D. $C(3;8;-13)$

Câu 105: Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, cho tam giác ABC có $A(2;2;1)$, $B(2;1;-1)$ và $G(-1;2;3)$ là trọng tâm của tam giác. Tọa độ của điểm C là

- A. $(-5;-3;9)$ B. $(-7;-3;9)$ C. $(-7;3;9)$ D. $(-7;3;6)$

Câu 106: Trong không gian Oxyz, cho mặt cầu (s): $(x-1)^2 + (y+2)^2 + (z-3)^2 = 16$. Tâm của (s) có tọa độ là

- A. $(-1;-2;-3)$. B. $(1;2;3)$. C. $(-1;2;-3)$. D. $(1;-2;3)$.

Câu 107: Trong không gian o, cho mặt cầu (s): $(x+3)^2 + (y+1)^2 + (z-1)^2 = 2$. Tâm của (S) có tọa độ là

- A. $(3;1;-1)$ B. $(3;-1;1)$ C. $(-3;-1;1)$ D. $(-3;1;-1)$

Câu 108: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho mặt cầu (s) : $x^2 + (y+2)^2 + (z-2)^2 = 8$. Tính bán kính R của (s).

- A. $R=8$ B. $R=4$ C. $R=2\sqrt{2}$ D. $R=64$

Câu 109: Trong không gian với hệ tọa độ Oxyz, cho mặt cầu (s) : $(x-5)^2 + (y-1)^2 + (z+2)^2 = 9$. Tính bán kính R của (s).

- A. $R=3$ B. $R=18$ C. $R=9$ D. $R=6$

Câu 110: Trong không gian Oxyz, cho mặt cầu (s) có tâm $I(0;0;-3)$ và đi qua điểm $M(4;0;0)$. Phương trình của (s) là

- A. $x^2 + y^2 + (z+3)^2 = 25$. B. $x^2 + y^2 + (z-3)^2 = 25$.
C. $x^2 + y^2 + (z+3)^2 = 5$. D. $x^2 + y^2 + (z-3)^2 = 5$

Câu 111: Trong không gian Oxyz, cho hai điểm $I(1;1;1)$ và $A(1;2;3)$. Phương trình của mặt cầu có tâm I và đi qua điểm A là

- A. $(x+1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2 = 29$. B. $(x-1)^2 + (y-1)^2 + (z-1)^2 = 25$
C. $(x-1)^2 + (y-1)^2 + (z-1)^2 = 5$. D. $(x+1)^2 + (y+1)^2 + (z+1)^2 = 5$.

Câu 112: Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, mặt cầu (S) có tâm $P(-2;5;1)$ và đi qua điểm $Q(-3;3;-1)$ có phương trình là

- A. $(x+2)^2 + (y-5)^2 + (z-1)^2 = 9$. B. $(x-2)^2 + (y+5)^2 + (z+1)^2 = 3$.
C. $(x+2)^2 + (y-5)^2 + (z-1)^2 = 3$. D. $(x-2)^2 + (y+5)^2 + (z+1)^2 = 9$.

Câu 113: Trong không gian với hệ trục tọa độ Oxyz, phương trình mặt cầu tâm $I(4;-2;1)$ và đi qua điểm $A(-1;1;-2)$ là

- A. $(x-4)^2 + (y+2)^2 + (z-1)^2 = 43$ B. $(x+4)^2 + (y-2)^2 + (z+1)^2 = 43$
C. $(x-4)^2 + (y+2)^2 + (z-1)^2 = 43$ D. $(x+4)^2 + (y-2)^2 + (z+1)^2 = \sqrt{43}$

Câu 114: Trong không gian Oxyz, cho mặt phẳng $(\alpha): 3x+2y-4z+1=0$. Vectơ nào dưới đây là một vectơ pháp tuyến của (α) ?

- A. $\vec{n}_2 = (3;2;4)$. B. $\vec{n}_3 = (2;-4;1)$. C. $\vec{n}_1 = (3;-4;1)$. D. $\vec{n}_4 = (3;2;-4)$.

Câu 115: Trong không gian Oxyz, mặt phẳng (P): $2x+3y+z-1=0$ có một vectơ pháp tuyến là

- A. $\vec{n}_1 = (2; 3; -1)$ B. $\vec{n}_3 = (1; 3; 2)$ C. $\vec{n}_4 = (2; 3; 1)$ D. $\vec{n}_2 = (-1; 3; 2)$

Câu 116: Trong không gian $Oxyz$, mặt phẳng $(P): 3x + 2y + z - 4 = 0$ có một vector pháp tuyến là

- A. $\vec{n}_3 = (-1; 2; 3)$. B. $\vec{n}_4 = (1; 2; -3)$. C. $\vec{n}_2 = (3; 2; 1)$. D. $\vec{n}_1 = (1; 2; 3)$.

Câu 117: Trong không gian $Oxyz$, mặt phẳng $(P): 2x + y + 3z - 1 = 0$ có một vector pháp tuyến là

- A. $\vec{n}_4 = (1; 3; 2)$ B. $\vec{n}_1 = (3; 1; 2)$ C. $\vec{n}_3 = (2; 1; 3)$ D. $\vec{n}_2 = (-1; 3; 2)$

Câu 118: Trong không gian $Oxyz$, cho ba điểm $M(2; 0; 0), N(0; -1; 0), P(0; 0; 2)$. Mặt phẳng (MNP) có phương trình là

- A. $\frac{x}{2} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{2} = 0$ B. $\frac{x}{2} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{2} = -1$. C. $\frac{x}{2} + \frac{y}{1} + \frac{z}{2} = 1$. D. $\frac{x}{2} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{2} = 1$

Câu 119: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho 3 điểm $A(1; 0; 0); B(0; -2; 0); C(0; 0; 3)$. Phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng (ABC) ?

- A. $\frac{x}{3} + \frac{y}{-2} + \frac{z}{1} = 1$. B. $\frac{x}{-2} + \frac{y}{1} + \frac{z}{3} = 1$. C. $\frac{x}{1} + \frac{y}{-2} + \frac{z}{3} = 1$. D. $\frac{x}{3} + \frac{y}{1} + \frac{z}{-2} = 1$.

Câu 120: Trong không gian với hệ trục tọa độ $Oxyz$, phương trình nào dưới đây là phương trình của mặt phẳng (Oyz) ?

- A. $y = 0$ B. $x = 0$ C. $y - z = 0$ D. $z = 0$

Câu 121: Trong không gian $Oxyz$, mặt phẳng (Oxz) có phương trình là

- A. $x + z = 0$. B. $x + y + z = 0$. C. $y = 0$. D. $x = 0$.

Câu 122: Trong không gian $Oxyz$, mặt phẳng đi qua điểm $A(2; -1; 2)$ và song song với mặt phẳng $(P): 2x - y + 3z + 2 = 0$ có phương trình là

- A. $2x + y + 3z - 9 = 0$ B. $2x - y + 3z + 11 = 0$ C. $2x - y - 3z + 11 = 0$ D. $2x - y + 3z - 11 = 0$

Câu 123: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho điểm $M(3; -1; -2)$ và mặt phẳng

$(\alpha): 3x - y + 2z + 4 = 0$. Phương trình nào dưới đây là phương trình mặt phẳng đi qua M và song song với (α) ?

- A. $3x - y + 2z - 6 = 0$ B. $3x - y + 2z + 6 = 0$ C. $3x - y - 2z + 6 = 0$ D. $3x + y + 2z - 14 = 0$

Câu 124: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, phương trình của mặt phẳng (P) đi qua điểm $M(-2; 3; 1)$ và song song với mặt phẳng $(Q): 4x - 2y + 3z - 5 = 0$ là

- A. $4x - 2y + 3z + 11 = 0$ B. $4x - 2y - 3z - 11 = 0$
C. $-4x + 2y - 3z + 11 = 0$ D. $4x + 2y + 3z + 11 = 0$

Câu 125: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, phương trình mặt phẳng (P) đi qua điểm $A(1; -3; -1)$ và song song $(Q): 2x - y + z - 7 = 0$ là

- A. $2x - y + z - 4 = 0$ B. $2x - y + z - 10 = 0$ C. $2x - y + z + 8 = 0$ D. $2x - y + z + 3 = 0$

Câu 126: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho hai điểm $A(0; 1; 1)$ và $B(1; 2; 3)$. Viết phương trình của mặt phẳng (P) đi qua A và vuông góc với đường thẳng AB .

- A. $x + y + 2z - 3 = 0$ B. $x + y + 2z - 6 = 0$ C. $x + 3y + 4z - 7 = 0$ D. $x + 3y + 4z - 26 = 0$

Câu 127: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(2; 1; 0), B(1; -1; 2)$. Mặt phẳng đi qua $M(-1; 1; 1)$ và vuông góc với đường thẳng AB có phương trình là

- A. $x + 2y - 2z + 1 = 0$ B. $x + 2y - 2z - 1 = 0$ C. $3x + 2z - 1 = 0$ D. $3x + 2z + 1 = 0$

Câu 128: Trong không gian $Oxyz$, Cho hai điểm $A(5; -4; 2)$ và $B(1; 2; 4)$. Mặt phẳng đi qua A và vuông góc với đường thẳng AB có phương trình là

- A. $2x - 3y - z + 8 = 0$ B. $3x - y + 3z - 13 = 0$ C. $2x - 3y - z - 20 = 0$ D. $3x - y + 3z - 25 = 0$

Câu 129: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(-1;2;1)$ và $B(2;1;0)$. Mặt phẳng qua A và vuông góc với AB có phương trình là

- A. $3x - y - z - 6 = 0$ B. $3x - y - z + 6 = 0$ C. $x + 3y + z - 5 = 0$ D. $x + 3y + z - 6 = 0$

Câu 130: Trong không gian với hệ tọa độ $Oxyz$, cho mặt phẳng (P) có phương trình $3x + 4y + 2z + 4 = 0$ và điểm $A(1; -2; 3)$. Tính khoảng cách d từ A đến (P)

- A. $d = \frac{5}{9}$ B. $d = \frac{5}{29}$ C. $d = \frac{5}{\sqrt{29}}$ D. $d = \frac{\sqrt{5}}{3}$

Câu 131: Tính khoảng cách từ điểm $A(-1; 2; -4)$ đến mặt phẳng $(P): x - y - 2z + 5 = 0$?

- A. $\frac{5\sqrt{6}}{3}$ B. $\frac{5\sqrt{2}}{6}$ C. $\frac{2\sqrt{6}}{3}$ D. $\frac{2\sqrt{2}}{3}$

Câu 132: Trong không gian $Oxyz$, khoảng cách giữa hai mặt phẳng $(P): x + 2y + 2z - 10 = 0$ và $(Q): x + 2y + 2z - 3 = 0$ bằng

- A. $\frac{8}{3}$. B. $\frac{7}{3}$. C. 3. D. $\frac{4}{3}$.

Câu 133: Trong không gian $Oxyz$, khoảng cách giữa hai mặt phẳng $(P): x + 2y - 2z - 10 = 0$ và $(Q): x + 2y - 2z - 6 = 0$ bằng

- A. $\frac{8}{3}$. B. $\frac{7}{3}$. C. 3. D. $\frac{4}{3}$.

----- HẾT -----